

# Logik

## Fragebogen 11 vom 4.12.

---

**1.** Welche der folgenden Sequenzen sind Axiome, welche sind gültig?

Axiom? Gültig?

- |                          |                          |   |
|--------------------------|--------------------------|---|
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | $\{\exists x P(x)\} \Rightarrow \{\exists x P(x)\}$                                 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | $\{\exists x P(x)\} \Rightarrow \{\neg \forall x \neg P(x)\}$                       |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | $\{\exists x P(x)\} \Rightarrow \{\exists x Q(x)\}$                                 |
| <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | $\{\exists x P(x), \exists x Q(x)\} \Rightarrow \{\forall x Q(x), \exists x P(x)\}$ |

**2.** Welche SK-Regel (Folie 8) wurde jeweils angewendet?

$$\text{a)} \quad \frac{\exists x P(x), \forall x Q(x) \Rightarrow \exists x (P(x) \wedge Q(x))}{\exists x P(x) \Rightarrow \exists x (P(x) \wedge Q(x)), \neg \forall x Q(x)} \quad \underline{\hspace{10em}}$$

$$\text{b)} \quad \frac{\exists x P(x), \forall x Q(x) \Rightarrow \exists x (P(x) \wedge Q(x))}{\exists x P(x) \wedge \forall x Q(x) \Rightarrow \exists x (P(x) \wedge Q(x))} \quad \underline{\hspace{10em}}$$

$$\text{c)} \quad \frac{P(c), \forall x Q(x) \Rightarrow Q(c)}{\exists x P(x), \forall x Q(x) \Rightarrow Q(c)} \quad \underline{\hspace{10em}}$$

**3.** Finde eine Ableitung für die Sequenz  $\forall x P(x) \Rightarrow P(c) \wedge P(d)$  (3 Schritte genügen).

