## Beschreibungslogik

Übungsblatt 7 (ungewertet)

Besprechung voraussichtlich am 7.7. gegen Ende der Sitzung

- **1.** Sei  $\mathcal{T} = \{A \sqsubseteq \forall r.B \sqcup \forall r.\exists r.B\}$  und  $\mathcal{A} = \{r(a,b), A(b), r(b,c), r(a,c)\}$ . Finde alle Antworten auf die folgenden konjunktiven Anfragen q bzgl.  $\mathcal{I} = (\mathcal{T}, \mathcal{A})$ ; begründe Deine Antwort:
  - a)  $q(x) = \exists y_1 \exists y_2 (r(x, y_1) \land r(y_1, y_2) \land B(y_2))$
  - b)  $q(x_1, x_2) = \exists y (r(x_1, x_2) \land r(x_2, y) \land B(y))$
- **2.** Betrachte die folgende DL-Lite-TBox  $\mathcal{T}$ , ABox  $\mathcal{A}$  und Boolesche konjunktive Anfrage q. Konstruiere zunächst das universelle Modell  $\mathcal{U}$  für  $\mathcal{A}$  und  $\mathcal{T}$ . Verwende dann Lemma 7.15 aus der Vorlesung um zu prüfen, ob  $\mathcal{T}$ ,  $\mathcal{A} \models q$ .

$$\mathcal{T} = \{ A \sqsubseteq \exists r, \ A \sqsubseteq \exists t^-, \ \exists r^- \sqsubseteq A, \ B \sqsubseteq \exists t, \ \exists t^- \sqsubseteq A, \ t \sqsubseteq s \}$$

$$\mathcal{A} = \{ A(a), r(a,b), B(b), s(b,b) \}$$

$$q() = \exists x \exists y \exists z_1 \exists z_2 \left( A(x) \land r(x,y) \land s(y,z_1) \land s(y,z_2) \land A(z_1) \land B(z_2) \right)$$

- 3. Konstruiere für die folgenden DL-Lite-TBoxen und konjunktiven Anfragen q (per Hand) ein möglichst kleines Rewriting in Form einer Disjunktion von konjunktiven Anfragen (das dieselben Eigenschaften erfüllt wie ein SQL-Rewriting).
  - a)  $\mathcal{T} = \{ A \subseteq B, C \subseteq A, \exists t \subseteq C \}, q(x) = \exists y (A(x) \land r(x, y)) \}$
  - b)  $\mathcal{T} = \{ B \sqsubseteq A, B \sqsubseteq \exists s, \exists s^- \sqsubseteq A, s \sqsubseteq r \},$  $q() = \exists x \exists y_1 \exists y_2 \exists z \left( A(x) \land r(x, y_1) \land A(y_1) \land r(x, y_2) \land r(z, y_1) \land r(z, y_2) \right)$